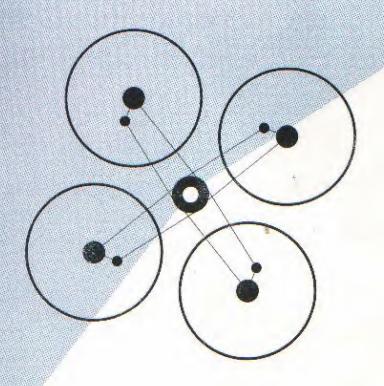
S. BENSAADA D. FELJACHI

ESSAIS MECANIQUES



Office des Publications Universitaires

ESSAIS MECANIQUES S.BENSAADA D.FELIACHI

ESSAIS MECANIQUES



OFFICE DES PUBLICATIONS UNIVERSITAIRES

1 Ver centrale de Ben-Aknoun (Alger)

SOMMAIRE

GENERALITES	5
1- ESSAI DE TRACTION	5
1.1- Eprouvettes standardisées	11
1.2- Réalisation de l'essai	12
2- ESSAI DE COMPRESSION	14
2.1- Eprouvettes standardisées	16
2.2- Réalisation de l'essai	16
3- ESSAI DE FLEXION	17
3.1- Eprouvettes standardisées	20
3.2- Réalisation de l'essai	20
4- ESSAI DE TORSION	21
5- ESSAI DE CISAILLEMENT	
6- ESSAI DE RESILIENCE	
7- ESSAI DE FATIGUE	
8- ESSAI DE DURETE	
8.1- Procédé avec action statique	29
8.1.1- Essai de dureté Brinell	30
8.1.2- Essai de dureté Vickers	35
8.1.3- Essai de dureté Rockwell	36
PRINCIPALES NOTATIONS ET UNITES DE MESURES	36

ESSAIS MECANIQUES

Généralités

Le choix d'un métal pour un certain but d'utilisation s'effectue sur la base de ses propriétés physico-chimiques, mécaniques et technologiques.

Les essais mécaniques font partie de la technique des métaux, leur but est de caractériser ou dévaluer numériquement les propriétés du matériau.

La connaissance des grandeurs caractéristiques et leur détermination est la condition essentielle pour les calculs des dimensions des différents éléments de construction.

Les grandeurs caractéristiques sont mesurables et sont définit selon les différents procédés qu'on étudiera dans cette partie.

Les essais mécaniques sont pratiqués soit:

- directement sur les pièces brutes ou usinées
- ou sur des éprouvettes-échantillons du matériau considéré.
 Les essais mécaniques le plus souvent pratiqués sont:
- -traction et compression
- -torsion
- -flexion
- -choc
- -fatigue
- -et dureté

1-ESSAI DE TRACTION

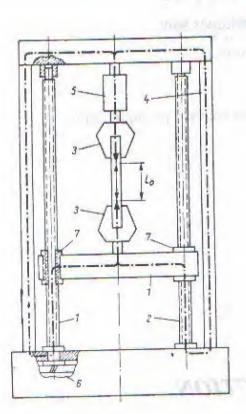
l'essai de traction à une grande importance dans les essais mécaniques. Une barre travaille à la traction quand elle est soumise à l'action de deux forces égales et directement opposées qui tendent à l'allonger (fig.1).



(fig.1)

L'essai de traction est destiné surtout pour l'examen de la tenue des matériaux soumis à l'action de contraintes de traction axiales reparties uniformément sur toute la section de l'éprouvette.

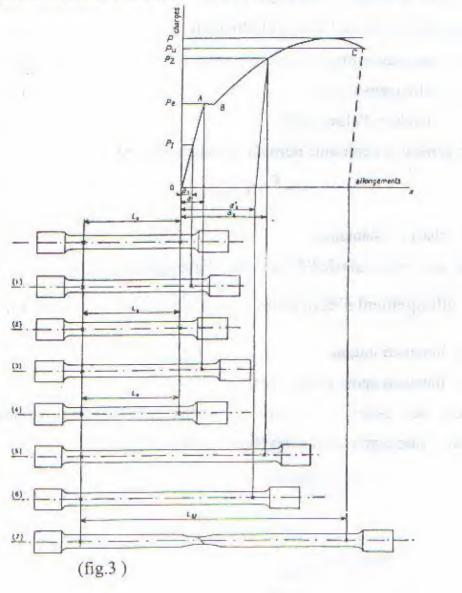
L'essai se fait sur des éprouvettes standardisées sur une machine d'essai de traction (fig.2).



- 1 barre transversale
 - 2- tige
 - 3- dispositif de fixation
 - 4- bati
 - 5- mesure de la force
 - 6- moteur
 - 7- écrou
 - Lo-longueur initiale

les éprouvettes sont solidement maintenues entre les mâchoires (dispositif de fixation) de la machine et sont soumises à l'action d'une charge (éloignement des mâchoires l'une de l'autre) jusqu'a un allongement provoquant la rupture.

La machine peut-être munie d'un enregistreur pouvant donner instantanément les valeurs de l'effort de traction et l'allongement correspondant ou encore la dépendance entre la contrainte de traction et l'allongement sous forme de diagramme force-allongement (diagramme d'essai de traction. La courbe relevée au cours de l'essai de traction est représentée sur la figure.3 est connue sous le nom de diagramme d'essai de traction.



-La partie OB correspond à une déformation élastique c- a- d les allongements sont proportionnels aux charges.

-Le point B correspond à la fin de l'élasticité ou Pe est la charge de limite élastique.

-La partie BCDK correspond à la déformation permanente (plastique), les allongements croissent très vite avec la charge.

-Le point R correspond au moment de l'apparition de la rupture de l'éprouvette avec Pr charge de rupture.

Les caractéristiques mécaniques à déterminer lors de l'essai sont :

- contrainte de limite d'élasticité σ_e
- contrainte de résistance à la rupture σ_R
- allongement A%
- module d'élasticité E.

En général la contrainte normale est déterminée par :

$$\sigma = \frac{F}{S_o} [N/mm^2]$$

F- charge instantanée

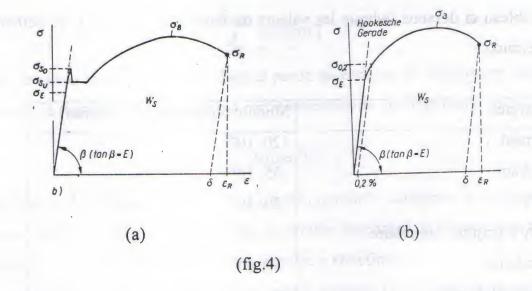
So- section initiale de l'éprouvette l'allongement s'écrit :

L'allongement s'écrit alors :
$$\varepsilon = \frac{\Delta l}{l_0} = \frac{l - l_0}{l_0}$$
. 100 %[%] ou

Lo- longueur initiale

L- longueur après allongement

Lors des essais de traction on utilise généralement les diagrammes de contraintes conventionnelles (fig.4a et 4b).



La partie droite du diagramme caractérise le domaine de la déformation élastique (allongements et contraintes sont proportionnelles). La tangente de la pente de la droite de HOOK à l'axe des abscisses caractérise le module d'élasticité E ou

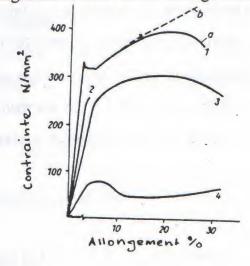
Tang
$$\beta$$
= E

Ce qui donne la loi de HOOK

$$\sigma = \varepsilon . E$$

La loi de HOOK est valable seulement pour cette partie du diagramme.

Les diagrammes contraintes-allongements diffèrent d'un métal à un autre fig.5.



- a- diagramme apparent
- b- diagramme réel
- 1- acier de construction
- 2- fonte FGL
- 3- alliage d'aluminium
- 4- polyethylene

Le tableau ci dessous indique les valeurs du module d'élasticité E de certains matériaux :

Matériaux	Module d'élasticité E en N/mm ²
Diamant	120. 10 ⁴
Wolfram	35. 10 ⁴
Acier	20. 10 ⁴
Fonte à graphite lamellaire	5. 10 ⁴
Porcelaine	55. 10 ³
Alliage d'aluminium	70. 10 ³
Verre	72. 10^3
Caoutchouc	$m < 10^2$,
1.114	the in driving on Strains
Polysterol	28. 10 ²
Polyéthylène	$0.8-11.10^2$
Résine époxyde	120-140.10 ²

Les contraintes inférieures à la limite d'élasticité σ_E (limite d'écoulement) ne produisent pratiquement que des déformation élastiques. Donc c'est la charge à partir de laquelle se produisent des déformations permanentes. Mais en réalité cette contrainte produit une déformation permanente de 0,005%. (σ_{005} limite).

La limite élastique σ_s correspond à la contrainte provoquant une déformation plastique et durant laquelle on peut observer une chute de la charge lors de l'essai. Il existe la limite élastique supérieure et inférieure. Pour les matériaux sans variation de limite élastique, on détermine la limite élastique équivalente $\sigma_{0,2}$.

Il est fréquent que la limite d'élasticité est choisie comme une caractéristiques de la résistance.

La contrainte à laquelle est effectuée la rupture s'appelle résistance à la rupture, donc c'est la charge la plus élevée atteinte au cours de l'essai.

$$\varepsilon_R = \frac{P_{\text{max}}}{A_0} \text{ [N/mm}^2]$$

Dans ce cas la rupture s'effectue dans la partie ascendante du diagramme, dans le cas ou la rupture s'effectue dans la partie descendante du diagramme, on a

$$\sigma_R = \frac{P_R}{40} [\text{N/mm}^2]$$

Dans les cas des métaux plastique, une fois les contraintes atteignent la valeur de rupture, la déformation se concentre en un secteur déterminé de l'éprouvette ou apparaît un rétrécissement de la section appelée « striction ».

La charge diminue brusquement et à un certain moment l'éprouvette se rompt a la valeur σ_R .

Pour les métaux plastiques, la charge de rupture σ_R caractérise la résistance du métal aux déformation plastiques importantes.

Dans les essais de traction, on détermine l'allongement après rupture en%.

La striction
$$\psi = \frac{S_0 - S}{S_0} \times 100\%$$

$$\psi = \left[1 - \left(\frac{d_R}{d_0}\right)^2\right] \times 100\%$$

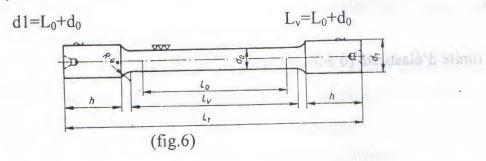
LIVE TO MONEY SEEL THE

1.1.eprouvettes standardisées

1.1.1.metaux

il existe deux types d'éprouvettes A et E.

Eprouvette A: c'est une éprouvettes ronde avec une tête cylindrique lisse (fig.6).



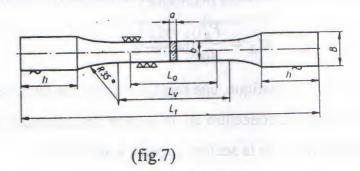
Eprouvette E : c'est une éprouvette Platte avec une tête lisse (fig.7)

a- épaisseur d'essai

b- largeur d'essai

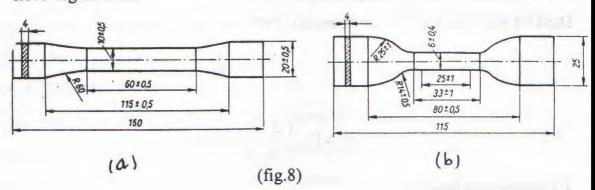
B=1,2b+3mm

h=2b+10mm



1.1.2. polymères supérieurs

Il existe deux type d'éprouvettes, pour les matériaux avec allongement faible et élevé fig.8a et 8b.



1.2. Réalisation de l'essai

1.2.1.But

Détermination des caractéristiques mécanique principales du matériau (Acier doux).

limite d'élasticité (d'écoulement)
$$\sigma_{e,t} = \frac{P_{e,t}}{A_0}$$

- limite élastique (Résistance limite)
$$\sigma_t = \frac{P_{\text{max}}}{A_0}$$

- Résistance à la rupture
$$\sigma_R = \frac{P_R}{A_1}$$

- Allongement à la rupture
$$\varepsilon = \frac{L_1 - L_0}{L_0} \times 100\%$$

- Striction relative à la rupture
$$\psi = \frac{A_0 - A_1}{A_0} \times 100\%$$

- Module d'élasticité
$$E = \frac{\sigma_{e,t}}{\varepsilon}$$

En effectuons plusieurs essais, tracer les diagrammes suivants :

-charges-allongements
$$(P-\Delta L)$$

-contraintes- allongements
$$(\sigma - \varepsilon)$$
.

L'essai est réalisé à l'aide d'une machine d'essai de traction universelle avec des éprouvettes standardisées.

L'éprouvette est serrée dans le dispositif de fixation de la machine, est Soumise a l'action d'une charge jusqu'à la rupture.

- a)- La mesure de l'éprouvette se fait avec un pied-à-coulisse en trois lieux differents de la longueur de la partie calibrée. On prend en considération le diamètre moyen et on calcule la section droite Ao.
 - b)- Porter sur la surface de l'éprouvette la longueur standardisée Lo

$$l_0 = 10d_0 \Rightarrow d_0 = 8 \div 10mm$$

$$l_0 = 5d_0 \Rightarrow d_0 = 5 \div 8mm$$

- c)- Mettre l'éprouvette entre les mâchoires de la machine et mettre en marche le moteur électrique.
- d)- Au cours de l'essai, il est nécessaire de surveiller attentivement non seulement le comportement de l'éprouvette mais les charges suivantes :

Pet charge correspondant à la limite élastique

P_{max} : Charge correspondant à la résistance limite

P_r: charge de rupture.

e)- Mesurer la longueur L1 et le diamètre d1 après rupture, calculer l'aire de la section après rupture.

2-ESSAI DE COMPRESSION

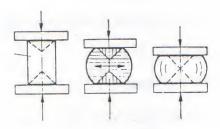
le but de l'essai est l'étude du comportement des matériaux plastiques, fragiles, isotropes et anisotropes (béton, bois, métaux) au cours de la compression et la détermination de Leurs caractéristiques mécaniques.

L'essai de compression durant lequel le matériaux subit un effort de compression axial, peut-être pris comme l'inverse de l'essai de traction fig.9.



(fig.9)

L'essai de compression est réalisé à l'aide de machines universelles avec des éprouvettes standardisées. Durant l'essai l'éprouvette avec une section Ao subit l'écrasement et dont on mesure la charge correspondante (fig.10).



(fig.10).

La contrainte de compression est déterminée par $\sigma_c = \frac{F}{A_0}$ (N/mm²) avec F:la force mesurée pendant l'essai et A_0 : section initiale.

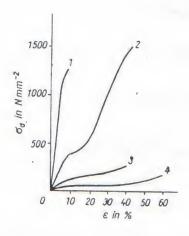
La déformation de l'éprouvette provoque une diminution de la longueur Δ L Δ L_C=L₀-Lc

L₀: longueur initial.

Lc : longueur après écrasement , Donc on peut calculer l'écrasement ϵ_c .

$$\varepsilon_c = \frac{\Delta L_c}{L_0} \times 100\% = \frac{L_0 - L}{L_0} \times 100\%.$$

la figure.11 représente les contraintes de compression en fonction de l'écrasement et du matériaux.



(fig.11)

la résistance limite est déterminée par :

$$\sigma_e = \frac{F_{\text{max}}}{A_0} \left[N / mm^2 \right]$$

 F_{max} : charge provoquant les premières fissurations ou rupture. Pour les cas des aciers, la fissuration n'apparaît pas et l'essai est réalisé jusqu'à un écrasement : $\varepsilon_c = 50 \%$.

$$\sigma_{e50} = \frac{F_{50}}{A_0} [N/mm^2]$$

2.1. Eprouvette standardisées

les éprouvette d'essai ont généralement la forme cylindrique et leurs diamètre dépend de leurs dimensions (d=10÷30 mm).

Pour des mesures grossières on utilise des éprouvettes normales dont la hauteur est égale au diamètre et pour des mesures précises on a

$$L_0 = (2.5 \div 3)d$$

Les éprouvettes longues ne sont pas utilisées à cause du danger de flambage que représent ces dernières.

Les faces des éprouvettes doivent-être bien polies, parallèles et **perpendiculaires** à l'axe de l'essai.

2.2. Réalisation de l'essai

2.2.1. But

- détermination de la résistance limite

$$\sigma_e = \frac{F_{\text{max}}}{A_0} [N / mm^2]$$

- construction du diagramme de compression
- dessin des éprouvettes avant et après écrasement

L'essai peut-être réalisé de la façon suivante :

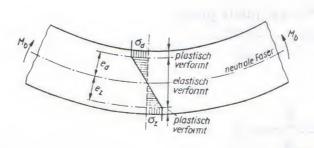
- mesurer les dimensions de l'éprouvette d, L₀ et A₀
- Une fois l'éprouvette est mise entre les deux plateaux de la machine, mettre en marche le moteur.
- Au cours de l'essai, il est nécessaire de surveiller attentivement non seulement le comportement de l'éprouvette, mais aussi la charge maximale d'écrasement correspondant à la résistance limite σ_e
- Pour les matériaux plastiques on met fin à l'essai après **avoir obtenu les** déformations résiduelles assez importantes

3- ESSAI DE FLEXION

l'essai de flexion trouve une grande utilisation lors de l'étude des matériaux fragiles tels que le fonte à graphite lamellaire, les aciers à outils ou les céramiques.

Pour les métaux ductiles, la rupture ne pas être atteinte même avec des contraintes de flexion dépassant la limite d'élasticité.

L'essai de flexion à aussi une importance particulière surtout pour les matériaux tels que les polymères supérieures, car le plus souvent ils sont soumis aux contraintes de flexion. Lors de la sollicitation à la flexion d'une section symétrique, il y a présence dans les fibres limites, d'un côté les contraintes de compression σ_c et de l'autre les contraintes de traction σ_t fig.12.



(fig.12)

Les contraintes augmentent des deux cotés proportionnellement à la distance de la fibre neutre.

Lorsque on aura atteint la limite élastique ou la limite d'écrasement, le matériau aurait atteint l'écoulement plastique.

Dans le domaine élastique la répartition des contraintes sur la section est linéaire et les valeurs des contraintes maximales de compression σ_c et de traction σ_t sont :

$$\sigma_{t} = \frac{Mft}{I} [N/mm^{2}], \sigma_{c} = \frac{Mfc}{I} [N/mm^{2}]$$

Mf:moment de flexion

I: moment d'inertie.

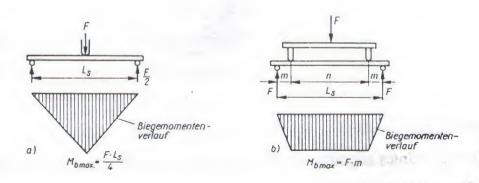
Ou encore on peut écrire :

$$\sigma_t = \frac{Mf}{W_t} [N/mm^2], \sigma_c = \frac{Mb}{Wd} [N/mm^2]$$

 $W = \frac{I}{e}$ moment résistant (N.mm)

Les grandeurs caractéristiques de l'essai de flexion peuvent-être déterminées par deux méthodes différentes fig.13

- l'essai de flexion à deux points.
- l'essai de flexion à trois points.
- l'essai de flexion à quatre points.



(fig.13)

31 2 3 4

Pour l'essai de flexion à trois points la plus grandes valeurs du moment de flexion est obtenue grâce à l'action de la force unique F au milieu de l'éprouvette.

$$Mf_{\text{max}} = \frac{FL}{4} \text{ (N.mm)}$$

L: longueur des appuis.

Donc la contrainte maximale est

$$\sigma f_{\text{max}} = \frac{F.L}{4W} [N/mm^2]$$

On utilisons la force à l'instant de la rupture on obtient la contrainte de flexion à la rupture $\sigma_{\rm fr}$.

Au point d'application de la force, la flexion ${\bf M}$ maximale et déterminée Par la flèche ${\bf f}$

$$f = \frac{F \cdot L^{3}}{48 EI} = \frac{1}{12} \frac{\sigma_{\text{max}} \cdot l^{2}}{Ee} (mm)$$

$$E = \frac{FL^{3}}{48 If}$$

E: module d'élasticité en N/mm².

Lors de l'essai sur des matériaux non métalliques, tels que les polymères, la rupture de l'éprouvette ne peut pas avoir lieu et l'essai doit-être interrompu lorsque la flèche est égale à 1.5 fois l'épaisseur de l'éprouvette, dans ce cas il s'agit de la limite de la flèche.

Durant l'essai de flexion à quatre points agissent deux forces sur l'éprouvette se trouvant à une distance m des points d'appui.

Le moment de flexion reste constant entre les points d'application des forces.

$$Mf_{max} = F.m (N.mm)$$

Les contraintes maximale entre les points d'application de chaque force sont

obtenues par :
$$\sigma_{\text{max}} = \frac{F.m}{W} [N/mm^2]$$

La plus grande flexion (flèche) au milieu et entre les points d'application de chaque force est :

$$f_{\text{max}} = \frac{F.m}{14EI} \left(2l^2 - 4m^2 \right) (mm)$$

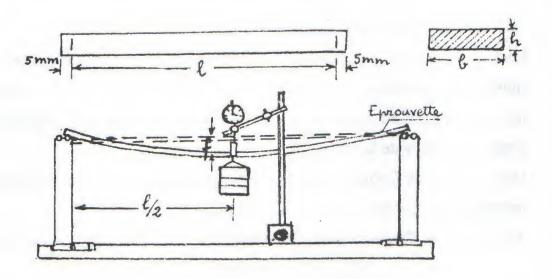
3.1. Eprouvettes standardisées

les éprouvettes destinées à l'essai de flexion sont de section cylindrique ou prismatique. L'éprouvette est posée sur deux appuis à galet cylindriques, ensuite fixée selon le type d'essai qu'on veut réaliser. Avant l'essai on doit mesurer la distance entre les appui, pour les éprouvette cylindriques on a L=20d₀.

3.2. Réalisation de l'essai

Le but de l'essai est de déterminer le module d'élasticité E des différents types de matériaux.

La figure.14 nous montre la disposition de l'éprouvette prismatique dans la machine d'essai de flexion.



le flèche est obtenue par :

$$f = \frac{Fl^3}{48EI} \text{ d'ou}$$

$$E = \frac{Fl^3}{48If} \quad \text{avec} \quad I = \frac{bh^3}{12} \text{ on aura}$$

$$E = \frac{Fl^3}{4fbh^3}$$

4-ESSAI DE TORSION

L'essai de torsion à une i mportance s'econdaire relativement aux essais déjà envisagés. Il est destiné pour l'examen des matériaux constituant les arbres et les fils, ainsi que le comportement de la résistance et de la ténacité des aciers durs. Si on fixe l'une des extrémités de l'éprouvette cylindrique avec L=10d et on applique à l'autre extrémité un couple de force dans un plan perpendiculaire à l'axe de la barre fig.15 dans ce cas se forme un moment de torsion M_t.



(fig.15)

$$M_t = F.d$$
 ou

F: force appliquée.

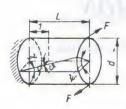
d : diamètre de l'éprouvette.

Lors de la rotation, il y a glissement suivant le même axe de la section transversale par rapport à la section fixe. La rotation effectuée par les deux sections est caractérisé par son angle de rotation ψ fig.16 est proportionnelle à la distance séparant les deux sections de l'éprouvette.

$$\Psi = V \times L$$
 avec

L : distance séparant les deux extrémités de l'éprouvette.

V: torsion.



(fig.16)

la torsion v c'est la rotation de deux sections transversales se trouvant à une distance 1(voir figure 16).

$$v = \frac{2\gamma}{d}$$
 ce qui donne
$$\psi = \frac{2\gamma d}{d}$$

ou γ : glissement unitaire

Le glissement unitaire γ est l'angle existant entre la ligne de l'hélice et la surface latérale de cylindre.

Le rapport entre le glissement et la contrainte de torsion latérale appropriée τ s'appelle le nombre de cisaillement (β)

$$B = \frac{\gamma}{\tau}$$

La valeur réciproque de β donne le module de cisaillement (G).

$$G = \frac{1}{\beta}$$

Comme dans l'essai de flexion, la contrainte maximale de cisaillement se trouve dans les fibres latérales

$$\tau_{\text{max}} = \frac{M_t}{W_p}$$

pour des éprouvettes cylindriques on a :

$$\tau_{\text{max}} = \frac{16M_t}{\pi d^3}$$

La loi de HOOK pour les contraintes de cisaillement s'écrit alors :

$$\tau = G.\gamma$$

$$\psi = \frac{2\tau L}{Gd} = \frac{32M_{t}L}{\pi d^{4}G}$$

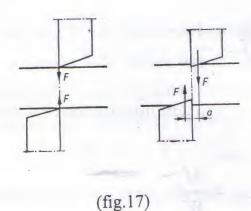
Et-

on peut déterminer le module de cisaillement G

$$G = \frac{32M_{t}L}{\pi d^{4}\psi}$$

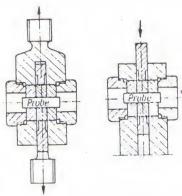
5- ESSAI DE CISAILLEMENT

pendant l'essai de cisaillement l'éprouvette subit l'effort de deux forces agissant dans un même plan, ce qui donne un couple de forces avec un bras de levier **a** fig.17, qui fait apparaître des efforts de flexion supplémentaires.



Dans la pratique l'essai de cisaillement est réalisé le plus souvent en deux parties.

L'appareil de cisaillement utilisé est à efforts de traction et de compression fig.18.



(fig.18)

Durant l'essai un état de contrainte parfait n'est pas atteint, a cet effet on détermine seulement la force maximale F_{max} exigée pour le cisaillement et à partir de laquelle on peut calculer la résistance au cisaillement τ .

$$\tau = \frac{F_{\text{max}}}{2A_0} = \frac{2F_{\text{max}}}{\pi d^2} [N / mm^2]$$

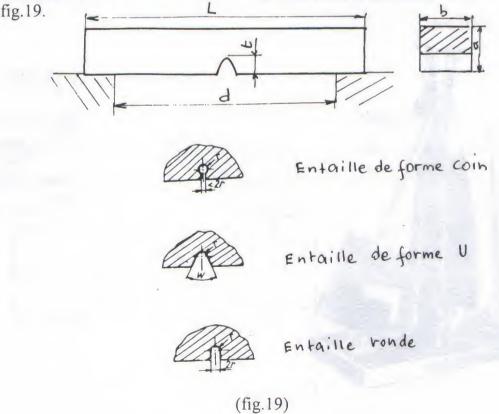
l'essai de cisaillement à une grande importance pour les aciers à rivets et les mesures de cisaillements.

6- ESSAI DE RESILIENCE (CHOCS)

la résilience caractérise la résistance à la rupture par choc d'un matériau. un métal résistant bien au choc à une grande résilience symbole K. le plus souvent l'essai de résilience est réalisé à l'aide de l'appareil appellé (mouton pendule de CHARPY), avec des éprouvettes standardisées.

L'essai de résilience est un essai de rupture fragile effectué surtout sur des matériaux ductiles. L'utilisation d'une éprouvette entaillée (encochée) concentre la déformation sur la plus petit volume (entaille). Ce qui conduit à sa rupture après le choc.

Cet essai consiste à déminer la résilience K, c'est-à-dire le travail mécanique nécessaire pour briser par choc l'éprouvette de forme et dimensions déterminées



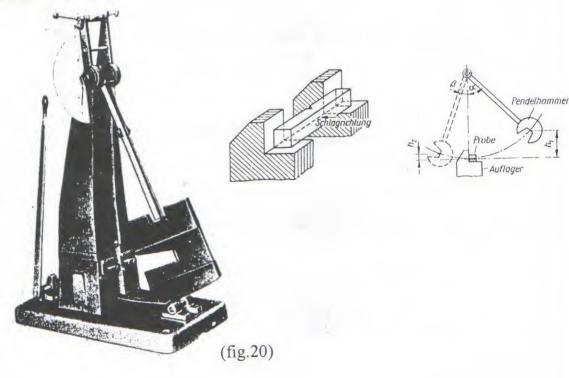
Le choix de la forme et des dimensions de l'éprouvette dépend de la tenacité du matériau. Pour les aciers de construction et aciers résistants, on utilise le plus souvent des éprouvettes à entaille ronde en forme de U.

Les differents dimension des éprouvette standardisée à entaille ronde sont données sur le tableau ci-dessus.

Désig.	Long. L	Epais. a	Larg.b	Prof. t	Ep.Ant	R.Ant.	L/Appui
R_1	55,30	10,005	10,005	2	8,005	1,0035	
				1000			40,0025
R ₂	55,30	10,005	10,005	3	7,005	1,0035	40,0025
R_3	55,30	10,005	10,005	5		1,0035	40,0025
3					5,0045		

Toutes les dimensions sont données en mm.

Le pendule est constitué d'une masse m (fig.20) en acier forgé qui peut osciller autour d'un axe.



la masse pendulaire à la forme d'un disque présentant une entaille biseautée ou couteau.

Dans le procédé charpy, l'éprouvette est placée suivant ses deux cotés sur deux appuis du mouton charpy, de telle façon que le couteau du marteau coïncide exactement avec l'entaille. Le pendule est levée jusqu'à la hauteur correspondante aux conditions d'essai. A cette hauteur h_1 le pendule possède de l'énergie potentielle E_1 =p. h_1 , une partie de cette énergie est absorbée par la rupture de l'éprouvette, cela signifie que le pendule n'atteind pas sa hauteur initiale h_1 mais une hauteur $h < h_1$ dont l'énergie potentielle est E_2 =p. h_2 .

D'ou le travail nécessaire pour briser l'éprouvette est

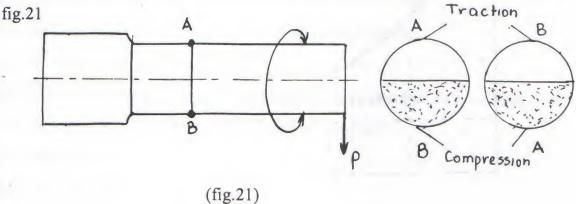
$$E_1-E_2=p(h_1-h_2)$$

Si S est la section de l'éprouvette en cm² à l'endroit de l'entaille, la résilience sera :

$$K = \frac{p(h - h_2)}{S} (Kg.m/cm^2)ou(j/cm^2)$$

7-ESSAI DE FATIGUE

le but de l'essai de fatigue est de déterminer les conditions de résistance des matériaux soumis à des efforts variables dans le temps et de la limite pratique de fatigue. considérons une éprouvette cylindrique soumise à des efforts de flexion



Choisissons 2 points A et B disposée diamétralement et pour une position de l'éprouvette, nous avons par exemple la traction en A et la compression en B. si nous tournons l'éprouvette d'un demi-tour, l'effort conservant toujours le même sens, B devient tendu et A comprimé. Ainsi pendant la rotation, les fibres de l'éprouvette sont alternativement tendues et comprimées. Lorsque la rupture de l'éprouvette est atteinte, la contrainte correspondante est égale à :

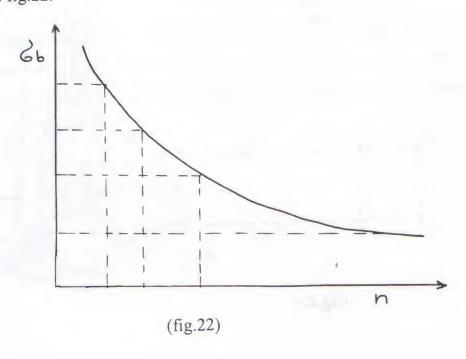
$$\sigma_b = \frac{M_b}{W_b}$$

$$M_b = P. L \quad \text{et} \quad W_b = \frac{\pi d^3}{32}$$

En appliquons les charges croissantes $P_1 < P_2 < P_3 < ... < P_n$.

avec

Et on enregistre le nombre d'alternance correspondant $n_1, n_2, n_3 ... n_n$, pour lesquelles les éprouvettes se rompent, ensuite on calcule les contraintes correspondants à ces efforts, la courbe σ_b en fonction de n a l'allure d'une hyperbole fig.22.



le nombre minimum d'alternances, qui doit-être enregistrer avant rupture pour la détermination de la limite de fatigue est généralement de 30 millions pour les alliages ferreux et 100 millions pour les alliages d'aluminium.

Les facteurs pouvant avoir une influence sur la fatigue sont :

- le nombre de cycle
- état de surface
- forme de la pièce
- et dimension de la pièce

L'essai est assez long, si le moteur tourne à 3000tr/min, il faut 167 heures, soit à peu près 7 jours pour effectuer le nombre minimum d'alternance (30 millions).

8-ESSAI DE DURETE

La définition valable pour la dureté est la résistance qu'oppose un corps à la pénétration d'un autre corps plus dur.

La dureté est un complément indispensable de l'examen métallographique, qui donne une première impression sur les caractéristiques mécaniques et corrobore souvent l'interprétation des textures.

Selon le type de charge du corps d'essai lors de la pénétration dans le matériau, on distingue deux procédés :

-procédé avec action statique (par pénétration)

-procédé par action dynamique (par rebondissement)

Dans cette partie on étudiera uniquement le premier procédé.

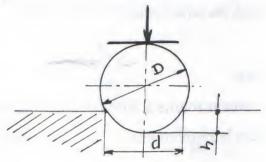
8.1. Procédé avec action statique

les différentes méthodes d'essai faisant partie de ce procédé sont les essais du domaine macro avec une force d'essai F > 30N tels que :

- -Essai Brinell
- -Essai Rockwell
- -Et l'essai Vickers

8.1.1. Essai du dureté Brinell

dans l'essai Brinell le pénétrateur est une bille d'acier trempé de diamètre D, soumise à une charge F pendant une durée bien déterminée. La bille laisse une empreinte ayant la forme d'une calotte sphérique de diamètre d et de profondeur h fig.23.



(fig.23)

la dureté Brinell HB est déterminée par le rapport entre la force F et la surface de l'empreinte A et se calcule sans mesure.

$$HB = \frac{0,102.F}{A}$$

F- force d'essai en newton.

A- surface de l'empreinte en mm²

$$A=\pi Dh$$
.

D- diamètre de la bille.

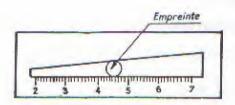
h- profondeur de pénétration.

Le facteur 0,102 pour donner la dureté en système SI.

Durant l'essai on ne mesure pas la hauteur de pénétration h, mais on la calcule selon :

$$h = \frac{D - (D^2 - d^2)^{\frac{1}{2}}}{2}$$
 d'ou
$$HB = \frac{2,102.F.2}{\pi D[D - (D^2 - d^2)^{\frac{1}{2}}]}$$

Le diamètre de l'empreinte d est mesuré à l'aide de la règle le chatelier fig.24, qui est une plaque en verre sur laquelle sont gravées deux droites concourantes dont l'une est graduée et indique les millimètres. La règle est posée de façon que les deux droites soient tangentes à l'empreinte. Le diamètre est lu sur la division correspondante au point de tangence.



(fig.24)

La bille est en acier trempé ou un métal dur de diamètre D=10-5-2,4-1,25 ou 1mm.

Le d'amètre de l'empreinte d doit se trouver entre 0.2 et 0.7, pour maintenir cette limite, il est nécessaire de varier la charge.

Le tableau ci-dessus nous donne un aperçu sur les diamètres, charges etc. Appropriées aux différents métaux.

Epais.Ech.	Diam.Bille	MATERIAUX				
(mm)	(mm)	Acier Rec. F=30D ²	Alli.de Cu F=10D ²	Ant.Frict. F=5D ²	Alli.de Pb F=2,5D ²	
6	10	3000	1000	500	250	
3	5	750	250	125	62,5	
1,2	2,5	187,5	62,5	31,25	15,65	
0,5	1	30	10	5	2,5	

Dans le cas des aciers, les valeurs de HB peuvent nous donner directement les valeurs approximatives de la résistance à la traction en multiplions par le facteur 0.35, mais seulement valable jusqu'à des valeurs de 350 daN/mm².

La méthode Brinell n'est pas applicable aux aciers traités à dureté voisine ou supérieure à celle de la bille (450HB), car ça peut conduire à des déformations de la bille et les mesures ne seront pas exactes.

Le principe de désignation de la dureté Brinell est le suivant :

Par ex: 120 HB5/250-30

120- valeur de dureté

HB- selon Brinell

5- diamètre de la bille (mm)

250- force d'essai en newton multiplie par le facteur 0,102

30- durée d'action en secondes

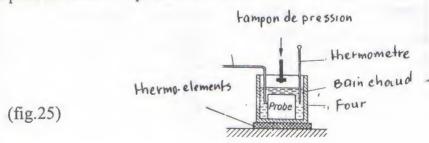
Essai de dureté Brinell aux hautes températures

Cette méthode consiste à mesurer la dureté HB à une température = 400° C, pour le chauffage rapide est uniforme de l'éprouvette on utilise un bain liquide (huile, sel fondu etc..). la température d'essai ne doit pas osciller au delà de \pm 3°C.

L'essai s'effectue de la même façon qu'a température ambiante fig.25, la bille est en acier à résistance thermique.

La charge s'exécute sans choc et peut-être augmentée uniformément et maintenue durant 3 minutes à la valeurs finale.

Les valeurs de la dureté sont valable seulement dans le cas ou la température est la même pour la bille et l'éprouvette d'essai.



le diamètre d est mesuré après refroidissement de l'éprouvette d'essai jusqu'à la température ambiante.

L'épaisseur de l'éprouvette ne doit pas être inférieur à l'épaisseur minimale.

$$\sigma_{\min i} = \frac{0,102.F}{\pi.D.HB}$$
 mm (valable jusqu'a 450HB)

La mesure n'est valable que si l'épaisseur de l'éprouvette est égale à au moins 8 fois la profondeur h de l'empreinte.

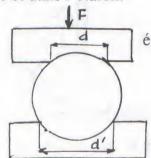
Essai de dureté Brinell par comparaison ou procédé Morin

Le principe est basé sur la comparaison de la dureté HB (connue) d'une pièce avec celle HB (inconnue) d'une autre pièce.

Si nous disposons une bille (fig.26) entre la pièce à mesurer sa dureté et une pièce étalon de dureté connue (HB), si on exerce un effort F sur la pièce étalon, la bille pénètre à la fois dans le pièce et dans l'étalon.

pour la pièce
$$H'B = \frac{F}{S'}$$

et pour l'étalon HB= $\frac{F}{S}$



étalon à dureté connue HB connue

Pièce à dureté inconnue H'B inconnue

on divisant ces égalités membre à membre.

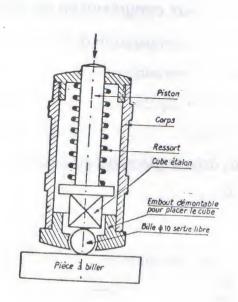
On à:

$$\frac{H'B}{HB} = \frac{F}{S'} : \frac{F}{S} = \frac{F}{S'} \times \frac{S}{F} = \frac{S}{S'}$$

d'ou
$$H'B = HB \frac{S}{S'} \left(S = \pi D \left(\frac{D - \sqrt{D^2 - d^2}}{2} \right) \right)$$

Connaissons les diamètres des empreinte d et d'il est possible de calculer s et s' et comme la dureté HB est donnée, on en déduit la dureté H'B de la pièce à mesurer.

L'appareil utilisé est un appareil portatif à Biller Turpin livré avec un certain nombre de pièce étalon de dureté connue fig.27.



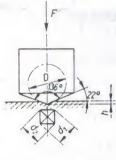
(fig.27)

le procédé Brinell ne convient pas pour les tôles et les surfaces devant glisser on tourner juste. La bille en pénétrant écroui le métal et marque profondément celui-ci en formant une bavure.

La lecture du diamètre demande de le part de l'opérateur une grande pratique. Les essais sur les métaux très durs et trempés, conduit au risque de marquer la bille.

8.1.2 ESSAI DE DURETE VICKERS

la détermination de la dureté selon vickers s'effectue de la même façon que le procédé Brinell. Dans ce procédé le penetrateur est un diamant pyramidal à base carrée dont l'angle au sommet (l'angle dièdre des deux faces opposées) vaut 136° fig.28.



(fig.28)

La charge appliquée varie suivant :

- -la machine
- -l'épaisseur du métal à controler
- -et la dureté du métal

Les charges d'essai les plus utilisés sont de 5÷120 daN.

Le diamant pénètre dans le métal et laisse une empreinte du fait de la forme du pénétrateur. La dureté Vickers est déterminée par le rapport entre la charge appliquée et l'aire de l'empreinte pyramidale laissée par le diamant.

$$HV = \frac{F.0,102}{A}$$
 sans unité de mesure.

ou

F- force d'essai en N

A-surface de le calotte en mm².

$$A = \frac{d^2}{2\cos 22^\circ} = \frac{d^2}{2\sin \frac{136^\circ}{2}} = \frac{d^2}{1,854} \text{ (mm}^2\text{)}$$

d- longueur de la diagonale en mm ou moyenne des valeurs des deux diagonales

$$HV = \frac{0,102.F.1,854}{d^2} = \frac{0,189.F}{d^2}$$

Pour mesurer **d**, on projette l'image grossie de l'empreinte (70÷140 fois) sur un verre dépoli au moyen d'un microscope incorporé dans la machine d'essai.

La désignation de la dureté vickers est la suivante :

HV 50-20.

HV- dureté vickers.

50-charge d'essai x 0.102 (N)

20-durée d'action en secondes

La méthode Vickers est une méthode universelle, deux avantages exclusifs la préfèrent aux autres procédés. D'un coté, elle permet d'effectuer des essais sur tous les métaux durs (aciers trempés, aciers cyanurés etc.), les alliages légers et de l'autre sur les pièces extra-minces ayant jusqu'à 0.05 mm d'épaisseur, seulemenil faut dans ce cas choisir la charge appropriée pour que le diagonale soit au moins égale à l'épaisseur de la pièce à controler.

Le procédé Vickers est également utilisé sur des appareils de laboratoire pour la mesure des microduretés, il permet de connaître la dureté d'un des constituants du métal.

Il est utile de noter que les valeurs de Vickers et Brinell coïncident jusqu'à 300 et qu'ensuite les valeurs Vickers croissent plus vite que les valeurs Brinell, cela est due aux déformations subit par le pénétrateur Brinell à partir de cette valeur.

8.1.3 ESSAI DE DURETE ROCKWELL

L'essai Rockwell consiste à imprimer dans la couche superficielle du métal une empreinte à l'aide d'une bille ou pointe de diamant sous l'action d'une charge connue.

La détermination de la dureté Rockwell se réduit par la mesure de la profondeur de pénétration.

Plus le métal sera dur, moins il y aura de pénétration et plus grand sera le chiffre de Rockwell lu sur la comparateur de mesure.

Il existe 3 sortes de pénétrateurs :

a)-une bille en acier trempé de diamètre 1,58 mm et pour une charge totale F=100daN, elle est utilisée pour les métaux non ferreux, aciers doux et non trempés.

b)- une bille en acier très dur de diamètre 3,175mm et pour une charge totale F=100daN.

c)- une pointe de diamant pour une charge totale F=150daN, utilisée pour les alliages très durs, aciers trempés.

Les billes sont serties sur le corps du pénétrateur et le diamant est taillé pour obtenir un cône de 120°, son extrémité est sphérique, il est monté sur un corps en aciers appelé cône de Brâsle.

Suivant l'emploi de l'un ou de l'autre des pénétrateurs l'échelle des duretés change et nous aurons les duretés suivantes :

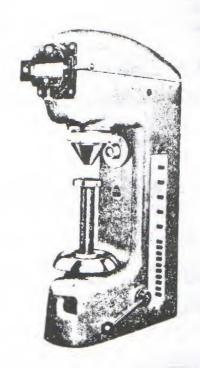
- -HRB, HRE, HRF pour le pénétrateur bille
- -HRC pour le pénétrateur diamant

Lorsque le pénétrant change, la charge également également

- -charge totale appliquée pour HRB, HRE est de 100daN
- -charge totale appliquée pour HRF est de 60daN
- -charge totale appliquée pour HRC est de 150daN

Sous charge totale, on comprend la somme de la précharge $F_0=10$ daN et la charge additionnelle (normale).

L'appareil utilisé pour l'essai Brinell et Vickers est représenté sur le figure 28.



(fig.28)

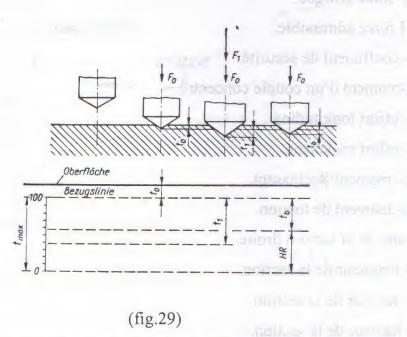
avant l'application de la charge normale d'essai, une précharge $F_0=10$ daN est appliquée sur le pénétrateur pour éliminer l'effet de surface.

L'application de la charge d'essai est effectuée en deux phases figure.29

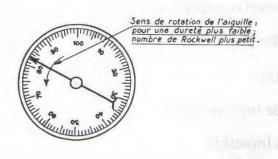
- -application de la précharge F₀ avec une pénétration t₀.
- -ensuite application de la charge supplémentaire normale F_1 qui donne une pénétration t_1 .

La durée de l'application varie de 3÷8 secondes, est dépend du matériau.

A la fin de l'essai on laisse la précharge F₀ appliquée et la profondeur t_b peut nous donner directement la dureté Rockwell.



on utilisons le comparateur gradué en degré allant de 100 correspondant à une pénétration nulle et représentant la force F_0 , jusqu'à zéro correspondant à une pénétration de 0.2 mm fig.30



(fig.30)

Principales Notations

P-force concentrée.

P_{cr}- force critique.

[P]-force admissible.

N- coefficient de sécurité.

M-moment d'un couple concentré.

H- effort longitudinal.

Q- effort tranchant.

Mr moment fléchissant.

M_t- moment de torsion.

F-aire de la section droite.

L-longueur de la section.

b- largeur de la section.

h- hauteur de la section.

d-diamètre.

μ- coefficient de poisson.

E- module d'élasticité longitudinale.

G-module d'élasticité transversale.

 σ -contrainte normale.

 σ_p - limite de proportionnalité.

 σ_e -limite d'écoulement.

 σ_{i} -résistance limite.

 $\sigma_{\mbox{\tiny reel}}$ - résistance de rupture réelle.

 $[\sigma]$ - contrainte admissible.

 σ_{cr} - contrainte critique.

 τ - contrainte tangentielle.

 $[\tau]$ -contrainte tangentielle admissible.

 θ - rotation de la section d'une poutre.

f- déplacement vertical d'une poutre.

 Δ l-allongement absolu.

 ε - allongement relatif.

 ε '- déformation relatife transversale.

Unités de mesure

N-newton unité de force.

1daN=10N~1,02Kgf.

 $1kN=10^3N$.

 $1MN = 10^6 N$.

N/m²-unité de contrainte et de pression.

 $1Pa=N/m^2$.

 $1bar=10^5Pa=1Kgf/cm^2=1daN/cm^2=10^5N/m^2$.

Mesures linéaires

```
1 micron = 1/1000 de millimètre [mm] = 0,001 mm
1 pouce (inche) [in] = 25,40 mm
1 pied (foot) [ft] = 304,80 mm
1 yard [yd] = 0,914 mètre [m] = 914 mm
1 mille terrestre (mile) [mi] = 1,609 kilomètre [km]
1 mille marin (nautical mile) = 1,853 km
```

Mesures de surface

```
1 pouce carré (square inche) [in^2] = 645,2 \text{ mm}^2
1 pied carré (square foot) [ft^2] = 0,0929 \text{ m}^2
1 yard carré [yd^2] = 0,836 \text{ m}^2
1 mille carré (square mile) [mi^2] = 2,59 \text{ km}^2
```

Mesures de volume

```
1 pouce cube (cubic inche) [in³] = 16,39 cm³
1 pied cube (cubic foot) [ft³] = 28,32 dm³ ou litres[1]
1 yard cube (cubic yard) [yd³] = 0,765 m³
1 US gallon [US gal] = 3,785 litres [1]
1 UK gallon [UK gal] = 4,5461 litres [1]
1 barille de pétrole (barrel petroleum) [br] = 159 l
```

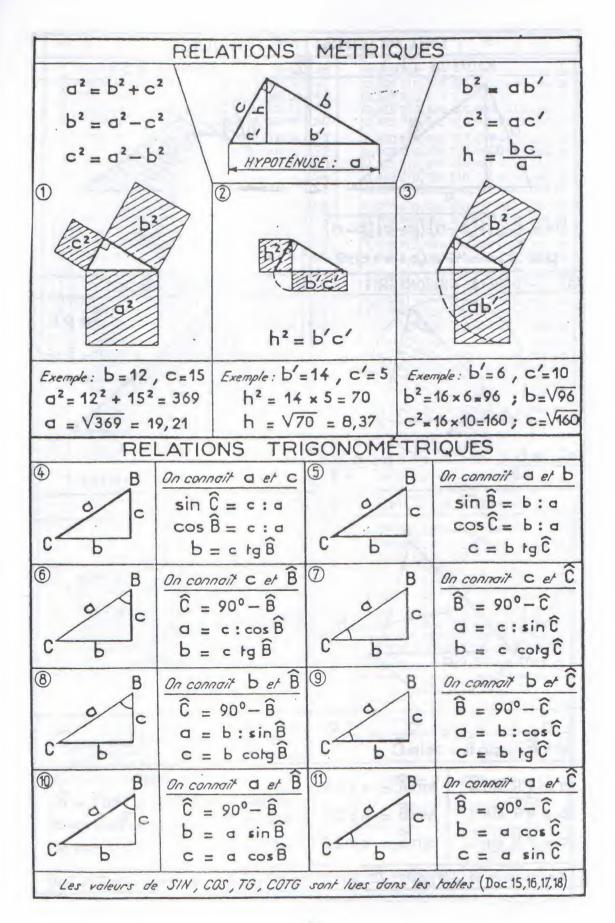
Mesures de masse, poids et force

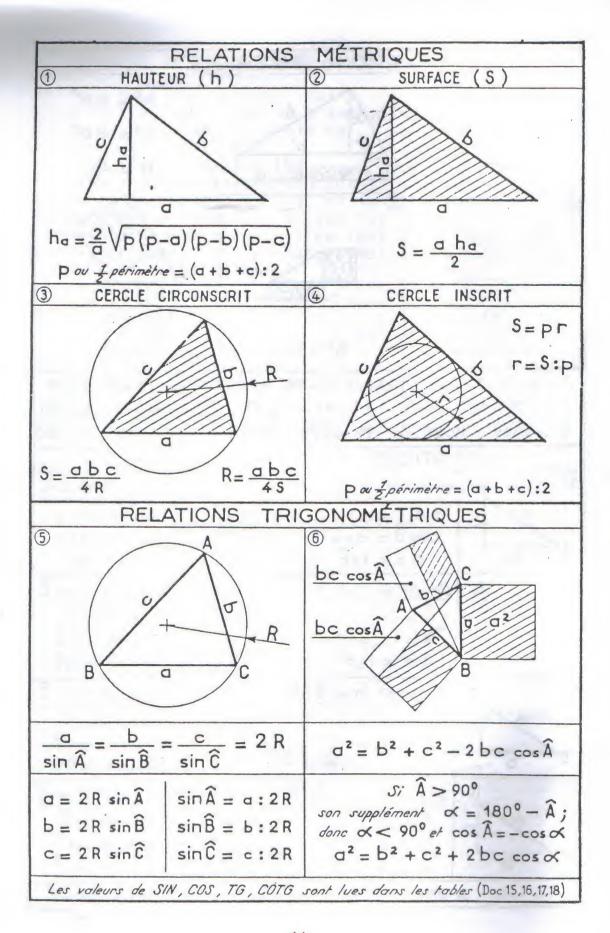
```
1 grain = 64,8 milligramme [mg]
1 once (ounce) [oz] = 28,35 gramme [g]
1 livre (pound) [lb] = 0,4536 kg
1 kilogramme force [kgf]:
    1 kgf = 9,806 Newton [N]
    1 kgf = 0,9806 décanewton [daN]
1 (hundred weight) [cwt] = 50,80 kg
1 tonne américaine(short ton)[Sh tn] = 0,9072 tonne [t]
1 tonne britanique(long ton)[UK ton] = 1,0160 t
1 livre force-pied (pound force-foot) [lbf ft]:
    1 lbf ft = 1,3558 Nm
```

TOTAL STREET

Mesures de pression et contrainte

```
1 \text{ kg/cm}^2 = 0,9807 \text{ bar [b]}
          = 0,9678 atmosphère [atm]
          = 10,01 \text{ m H}_20
1 pascal [Pa] = 1 Newton par m^2 [N/m^2]
1 mégapascal [MPa] = 1 Newton par mm² [N/mm²]
1 bar [b]:
    1 b = 1 décanewton par cm² [daN/cm²]
    1 b = 1,013 x 10<sup>5</sup> pascal [Pa]
1 b = 10,21 m H_2O
    1 b = 10,21 m H_2 O
1 hectobar [hbar] = 1 daN/mm<sup>2</sup>
1 livre force par pouce carré (pound force per square
 inch) [lbf/in2] ou [PSI]:
    1 [lbf/in^2] ou [PSI] = 0,0069 N/mm<sup>2</sup> ou MPa
    1 [1bf/in2] ou [PSI] = 0,069 daN/cm2 ou b'
    1 [lbf/in^2] ou [PSI] = 0,0703 kg/cm<sup>2</sup>
    1 [lbf/in^2] ou [PSI] = 51,715 mm de mercure [mm Hg
    1 [1bf/in^2] ou [PSI] = 0,70307 mm H<sub>2</sub>O
1 livre force par pied carré (pound force per foot
 inch) [PSF] = 4.88 \text{ kg/m}^2
1 tonne américaine par pouce carré(Short ton per square
  inch) [Sh tn/in<sup>2</sup>] = 13,79 \text{ Mpa} = 1,406 \text{ kg/mm}^2
1 tonne britanique par pouce carré (UK ton per square
  inch) [UK ton/in<sup>2</sup>] = 15,44 Mpa = 1,575 kg/mm<sup>2</sup>
```





X	N	A	C	F	S	10×	IN	A	C	F	S
12345	180		0,034 9 0,052 4 0,069 8	0,000 04 0,000 15 0,000 34 0,000 61 0,000 95	0,000 00	47		0,802 9 0,820 3 0,837 8 0,855 2 0,872 7	0,797 5 0,813 5 0,829 4	0,079 50 0,082 94 0,086 45 0,090 04 0,093 69	0,044 48 0,047 31 0,050 25
67890	45 40 36	0,122 2 0,139 6 0,157 1 0,174 5	0,122 1 0,139 5 0,156 9 0,174 3	0,003 81	0,000 23 0,000 32 0,000 44	51 52 53 54 55		0,890 1 0,907 6 0,925 0 0,942 5 0,959 9	0,861 0 0,876 7 0,892 4 0,908 0	0,097 41 0,101 21 0,105 07 0,108 99	0,056 49 0,059 78 0,063 19 0,066 73 0,070 39
11 12 13 14 15		0,192 0 0,209 4 0,226 9 0,244 3 0,261 8	0,209 1 0,226 4 0,243 7	0,004 60 0,005 48 0,006 43 0,007 45 0,008 56	0,000 97 0,001 21	56 57 58 59 60	6	1,012 3	0,969 6 0,984 8	0,121 18 0,125 38 0,129 64	0,074 17 0,078 08 0,082 12 0,086 29 0,090 59
16 17 18 19 20-	20	0,331 6 0,349 1	0,295 6 0,312 9 0,330 1	0,010 98 0,012 31 0,013 71	0,001 81 0,002 17 0,002 57 0,003 02 0,003 52	61 62 63 64 65			1,030 1 1,045 0 1,059 8	0,138 37 0,142 83 0,147 36 0,151 95	0,095 02 0,099 58 0,104 28 0,109 11 0,114 08
21 22 23 24 25		0,384 0 0,401 4 0,418 9 0,436 3	0,381 6 0 0,398 7 0 0,415 8 0 0,432 9 0	0,016 75 0,018 37 0,020 08 0,021 85 0,023 70	0,005 35	66 67 68 69 70		1,186 8	1,103 9 1,118 4 1,132 8	0,161 33 0,166 11 0,170 96 0,175 87	0,119 19 0,124 43 0,129 82 0,135 35 0,141 02
26 27 28 29 30		0,471 2 0,488 7 0,506 1	0,466 9 0 0,483 8 0 0,500 8 0	0,025 63 0 0,027 63 0 0,029 69 0 0,031 85 0 0,034 07 0	0,009 61	71 72 73 74 75	-	1,239 2 1,256 6 1,274 1 1,291 5	1,161 4 1,175 6 1,189 6 1,203 6	0,185 88 0,190 98 0,196 14 0,201 36 0	0,146 83 0,152 79 0,158 89
31 32 33 34 35		0,558 5 0,576 0 0,593 4	0,551 2 0 0,568 0 0 0,584 7 0	0,043 70 0	0,013 01 0,014 29 0,015 66 0,017 11 0,018 64	76 77 78 79 80		1,343 9 1,361 4 1,378 8	1,245 0 1,258 6 1,272 2	0,211 99 (0,217 39 (0,222 85 (0,228 38 (0,178 08 0,184 77 0,191 60 0,198 59 0,205 73
36 37 38 39 40		0,645 8 0,663 2 0,680 7	0,6346 0 0,651 1 0 0,667 6 0	0,048 94 0 0,051 68 0 0,054 48 0 0,057 36 0	,020 27	81 82 83 84 85		1,413 7 1,431 2 1,448 6 1,466 1	1,298 9 0 1,312 1 0 1,325 2 0 1,338 3 0	0,239 59 0 0,245 29 0 0,251 04 0	0,213 01 0,220 45 0,228 04 0,235 78
41 42 43 45		0,715 6 0,733 0 0,750 5 0,767 9	0,716 7 0 0,733 0 0 0,749 2 0	,063 33 0 ,066 42 0 ,069 58 0 ,072 81 0 ,076 12 0	,029 76 ,031 95 ,034 25 ,036 64	86 87 88 89 90		1,501 0 1,518 4 1,535 9 1,553 3	1,364 0 (1,376 7 (1,389 3 (1,401 8 (0,268 65 0 0,274 63 0 0,280 66 0 0,286 75 0 0,292 89 0	0,251 71 0,259 90 0,268 25 0,276 75
					-		1		RELAT	TIONS	
-		C	-	×	= Angle			Cord		2R sin × 2	
$R = Rayon$ ou $C = 2\sqrt{2RF}$											
		~	19	À	= Arc = Corde					R(1_cos.	4'
		\			= Flèch		-		-		4
		•	•		= Segm			Arc		Rayon $R = \frac{C^2}{8F}$	

0X	N	A -	С	F	S	0X	N	A	С	F	5
91 92 93 94 95		1,588 2 1,605 7 1,623 2 1,640 6 1,658 0	1, 426 1, 438 1, 450 1, 462 1, 474	7 0,305 34 7 0,311 65 7 0,318 00	0,303 16 0,312 26 0,321 52	136 137 138 139 140	, o *98**	2,373 6 2,391 1 2,408 6 2,426 0 2,443 5	1,854 4 1,860 8 1,867 2 1,873 3 1,879 4	0,625 39 0,633 50 0,641 63 0,649 79 0,657 98	0,854 55 0,869 71 0,884 97 0,900 34
96 97 98 99 100		1,675 5 1,693 0 1,710 4 1,727 9 1,745 3	1, 486 1, 497 1, 509 1, 520 1, 532	0,330 87 0,337 38 4 0,343 94 8 0,350 55	0,340 50 0,350 21 0,360 08 0,370 09	141 142 143 144 145	IER.	2,460 9 2,478 4 2,495 8 2,513 3 2,530 7	1,885 3 1,891 0 1,896 6 1,902 1 1,907 4	0,682 70 0,690 98 0,699 29	0,947 00 0,962 74 0,978 58
101 102 103 104 105		1,762 8 1,780 2 1,797 7 1,815 1 1,832 6	1, 543 1, 554 1, 565 1, 576 1, 586	2 0,363 93 3 0,370 64 2 0,377 49 0 0,384 3	0,401 04 0,411 66 4 0,422 42	148 149 150	E RÉGUL	2,548 2 2,565 6 2,583 1 2,600 5 2,618 0	1,912 6 1,917 6 1,922 5 1,927 3 1,931 9	0,715 98 0,724 36 0,732 76 0,741 18	1,042 75
106 107 108 109 110		1,850 0 1,867 5 1,885 0 1,902 4 1,919 9	1,597 1,607 1,618 1,628 1,638	7 0,405 10 0 0,412 2 2 0,419 30	0,455 60 1 0,466 95 0 0,478 44 2 0,490 08	151 152 153 154 155	POLYGONE	2,635 4 2,652 9 2,670 4 2,687 8 2,705 3	1,944 7 1,948 7 1,952 6	0,758 08 0,766.55 0,775 05 0,783 56	1,091 71 1,108 18 1,124 72 1,141 32
111 112 113 114 115		1,937 3 1,954 8 1,972 2 1,989 7 2,007 1	1,648 1,658 1,667	3 0,433 5 1 0,440 8 8 0,448 0 3 0,455 3	9 0,501 87 1 0,513 79 6 0,525 86 6 0,538 07 0 0,550 41	156 157 158 159 160	N) DO P	2,722 7 2,740 2 2,757 6 2,775 1 2,792 5	1,959 8 1,963 2 1,965 5 1,969 6	0,826 35	1,174 72 1,191 51 1,208 35 1,225 25
116 117 118 119 120	3	2,024 6 2,042 0 2,059 5 2,076 9 2,094 4	1,705 1,714 1,723	3 0,477 5 3 0,484 9 3 0,492 4	0 0,575 51 6 0,583 27 6 0,601 16 0 0,614 18	161 162 163 164 165		2,827 4 2,844 9 2,862 3 2,879 8	1,975 4 1,978 0 1,980 5 1,982 9	0,843 57 0,852 19 0,860 8 0,869 47	1,259 21 1,276 26 3 1,293 35 7 1,310 49
121 122 123 124 125		2,111 8 2,129 3 2,146 8 2,164 2 2,181 7	1,749 1,757 1,765	2 0,515 1 6 0,522 8 9 0,530 5	9 0,640 63 4 0,654 04 3 0,667 59	167 168 169 170	RE	2,932	7 1, 987 2 1, 989 5 1, 990 1 1, 992	1 0,886 80 0 0,895 4 8 0,904 1 4 0,912 8	1,344 87 1,362 12 1,379 40 4 1,396 71
126 127 128 129 130		2,199 1 2,216 6 2,234 0 2,251 5 2,268 9	1,789 1,797 1,805	9 0,553 8	0 0,708 97 3 0,723 01 9 0,737 16	172 173 174		3,019 3,036 3,054	1,995 4 1,996 9 1,997 3 1,998	1 0,930 2 3 0,938 9 3 0,947 6 1 0,956 3	4 1,431 40 5 1,448 78 6 1,466 17 8 1,483 59
131 132 133 134 135		2,286 4 2,303 8 2,321 3	4 1,819 3 1,827 3 1,834	1 0,601	31 0,765 84 26 0,780 34 25 0,794 97 27 0,809 70 32 0,824 54	17 17 8	3	13 106	2 1,999	3 0,973 8	0 1,501 01 2 1,518 45 5 1,535 89 7 1,553 34 0 1,570 80
	1		UTILI	SATION	DE LA	TAE	BLE	:Exem	ple ox=	45°	
Le	ctur	re sur t	able	En foncti	on de R			Applic	ation:	R = 20 n	nm
	A = 0,7854 Arc = A.R						C	= 0,7	854 ×	20 = 15,7	'08 mm
	C=	0,765	4	Corde	= C.R	Co	orde	= 0,7	654 x	20 = 15,3	108 mm
	F:	= 0,076	12	Flèche	=F.R	FI	ech	e = 0,0)76 12 ×	20. = 1,5	522 mm
	S:	_ 0,039	15	Segment	= S.R1	Se	:gm	nent = 0,0)3915 ×	$20^2 = 15,6$	66 mm²

D	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0. 1. 2. 3.	0 31,416 62,832 94,248 125,664	3,142 34,558 65,973 97,389 128,806	6,283 37,699 69,115 100,531 131,947	9,425 40,841 72,257 103,673 135,089	12,566 43,982 75,398 106,814 138,230	15,708 47,124 78,540 109,956 141,370	18,850 50,265 81,681 113,097 144,514	21,991 53,407 84,823 116,239 147,655	25.133 56,549 87,965 119,381 150,797	28,274 59,690 91,106 122,522 153,938
5.	157,08	160,22	163,36	166,50	169,65	172,79	175,93	179,07	182,21	185,35
6.	188,50	191,64	194,78	197,92	201,06	204,20	207,35	210,49	213,63	216,77
7.	219,91	223,05	226,19	229,34	232,48	235,62	238,76	241,90	245,04	248,19
8.	251,33	254,47	257,61	260,75	263,89	267,04	270,18	273,32	276,46	279,60
9.	282,74	285,88	289,03	292,17	295,31	298,45	301,59	304,73	307,88	311,02
10. 11. 12. 13.	314,16 345,58 376,99 408,41 439,82	317,30 348,72 380,13 411,55 442,96	320,44 351,86 383,27 414,69 446,11	323,58 355,00 386,42 417,83 449,25	326,73 358,14 389,56 420,97 452,39	329,87 361,28 392,70 424,12 455,53	333,01 364,42 395,84 427,26 458,67	336,15 367,57 398,98 430,40 461,81	339,29 370,71 402,12 433,54 464,96	342,43 373,85 405,27 436,68 468,10
15.	471,24	474,38	477,52	480,66	483,81	486,95	490,09	493,23	496,37	499,51
16.	502,65	505,80	508,94	512,08	515,22	518,36	521,50	524,65	527,79	530,93
17.	534,07	537,21	540,35	543,50	546,64	549,78	552,92	556,06	559,20	562,35
18.	565,49	568,63	571,77	574,91	578,05	581,19	584,34	587,48	590,62	593,76
19.	596,90	600,04	603,19	606,33	609,47	612,61	615,75	618,89	622,04	625,18
20.	628,32	631,46	634,60	637,74	640,88	644,03	647,17	650,31	653,45	656,59
21.	659,73	662,88	666,02	669,16	672,30	675,44	678,58	681,73	684,87	688,01
22.	691,15	694,29	697,43	700,58	703,72	706,86	710,00	713,14	716,28	719,42
23.	722,57	725,71	728,85	731,99	735,13	738,27	741,42	744,56	747,70	750,84
24.	753,98	757,12	760,27	763,41	766,55	769,69	772,83	775,97	779,11	782,26
25.	785,40	788,54	791,68	794,82	797,96	801,11	804,25	807,39	810,53	813,67
26.	816,81	819,96	823,10	826,24	829,38	832,52	835,66	838,81	841,95	845,09
27.	848,23	851,37	854,51	857,65	860,80	863,94	867,08	870,22	873,36	876,50
28.	879,65	882,79	885,93	889,07	892,21	895,35	898,50	901,64	904,78	907,92
29.	911,06	914,20	917,35	920,49	923,63	926,77	929,91	933,05	936,19	939,34

Exemple: Longueur de la circonférence de diamètre 142 mm lire: 446,11 mm

Exemple: Diamètre de la circonférence de longueur 860 mm lire: 274 mm, environ



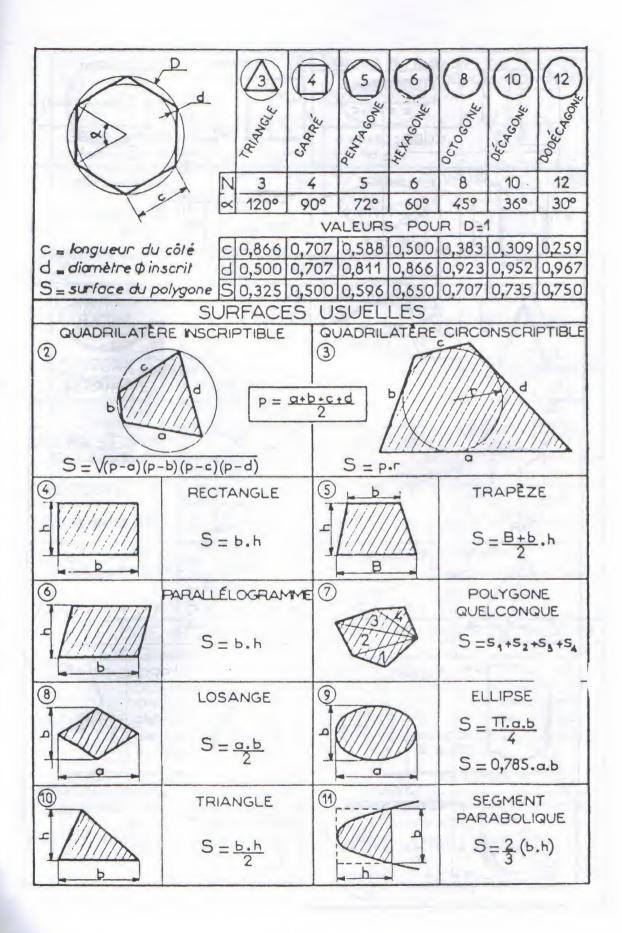
Développement de la circonférence = 1TD TI = CIRCONFÉRENCE DIAMÈTRE

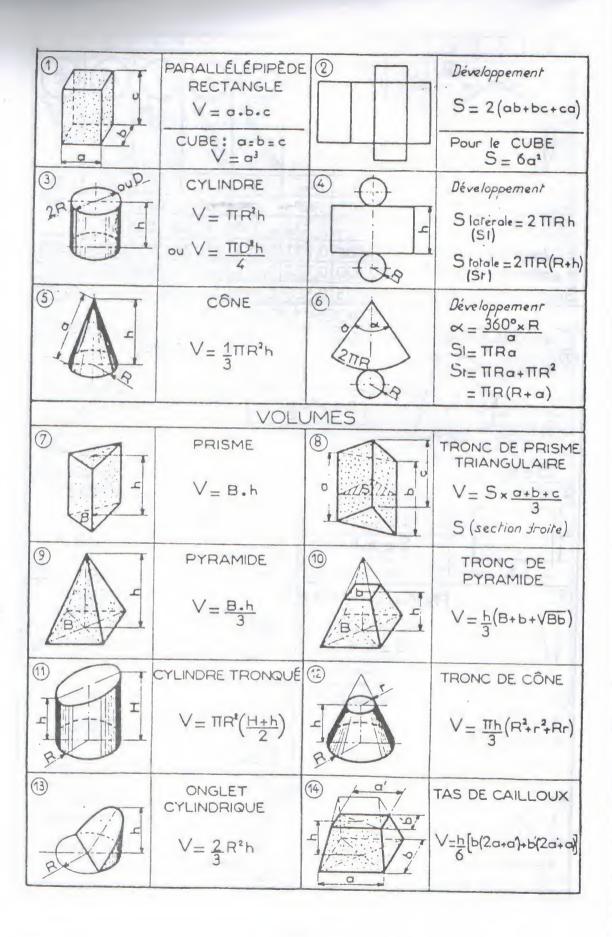
 $\pi = 3,14159...$

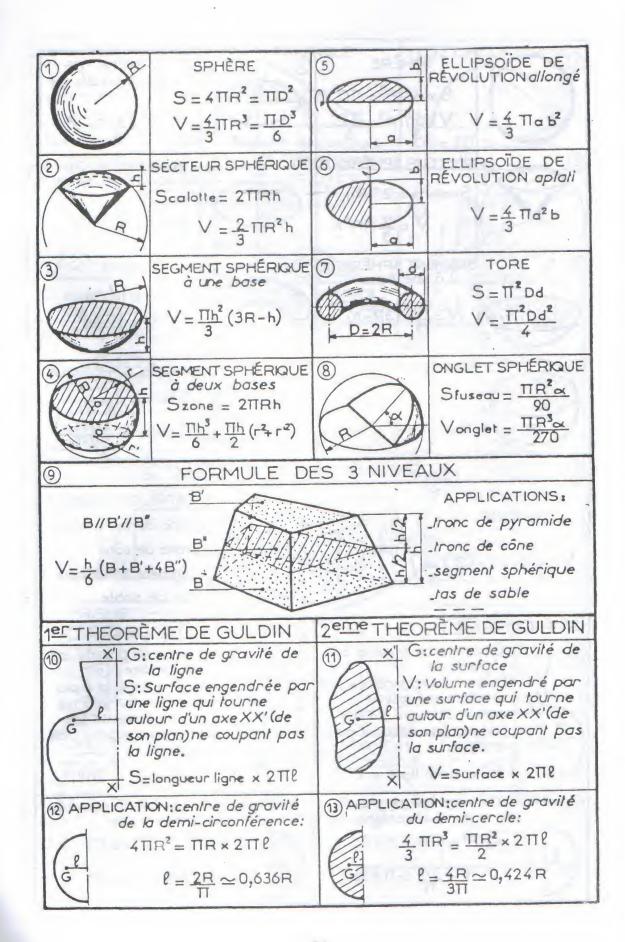
LONGUEUR	DES	ARCS	DE	RAYON	= 1

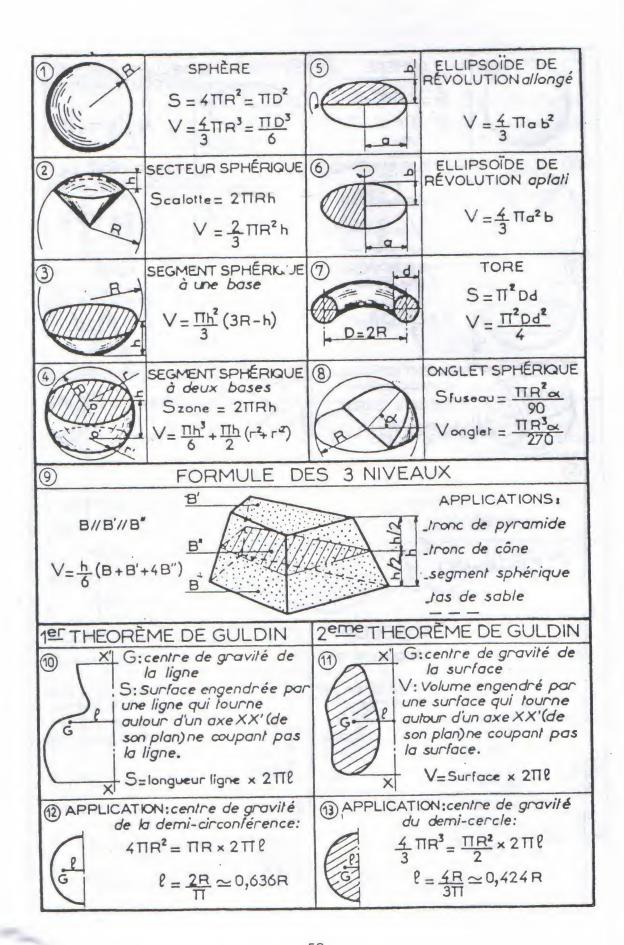
0 1	VALEURS	11	VALEURS	111	VALEURS	APPLICATION
1 2 3 4 5 6 7 8 9	0,0175 0,0349 0,0524 0,0698 0,0873 0,1047 0,1222 0,1396 0,1571	1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 20 30	0,000 291 0,000 582 0,000 873 0,001 164 0,001 454 0,001 745 0,002 036 0,002 327 0,002 618 0,002 909 0,005 818 0,008 727	1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 20 30	0,000 005 0,000 010 0,000 015 0,000 019 0,000 024 0,000 029 0,000 034 0,000 039 0,000 044 0,000 048 0,000 097 0,000 145	La longueur d'un arc de 62° 34'15" s'obtient : 62° = 1,082 1 30' = 0,008 727 4' = 0,001 164 10"= 0,000 048 5"= 0,000 024
		50	0,011 636 0,014 544	50	0,000 190 0,000 242	62° 34′ 15″ = 1,092 063 1 ≈ 1,092

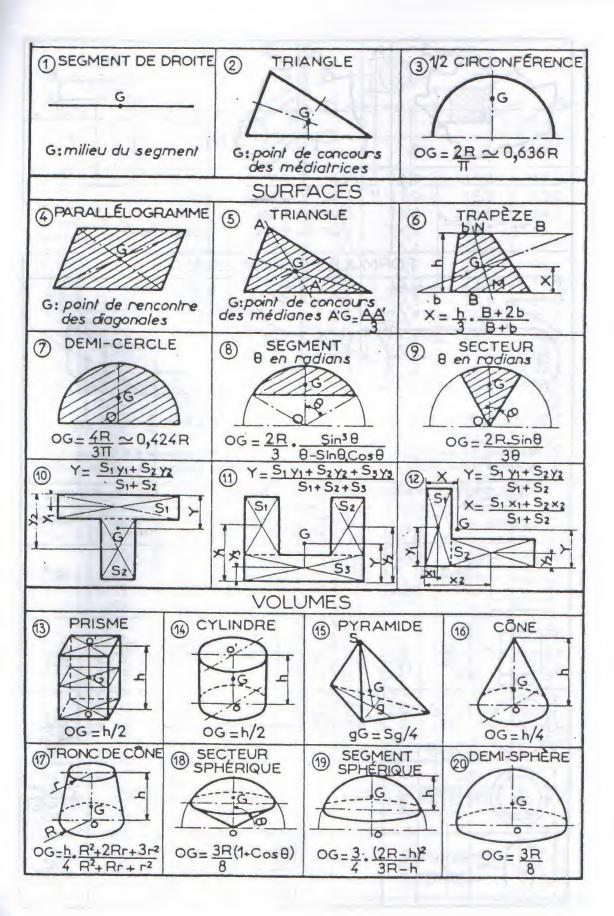
0	0	1 1	2	3	4	5	'6	17.	8	9
0.	0	0,79	3,14	7,07	12,57 153,94		28,27	38,48		
1.	78,54 314,16	95,03 346,36	113,10 380,13	415,48	452,39	490,87	530,93	572,56		660,52
3.	706,86	1 320 25	1 385.44	1 452,20	1 520,53	1 590,43	1 661,90	1734,94	1 809,56	1885,74
5.	1 963,50	2 042,82	2 123,72	2 206,18	2 290,22	2 375,83				
6.	3 848,45	3 959,19	4 0/1,50	4 103,39	5 5/4 77	5 674 50	5 808 80	5 944.68	6 082,12	6 221,14
8.	6 361,73	6 503,88	6 647,61	16 79491	0 434,10	1 000,22	1/20072	1 20,40	1,0,4,	
10.		8 011,9	00000	40 000 7	140 207 (HAM ARA U		110 /312	110 73307	9 331,3 9 11 122,0 9 13 069,8
12.	11 309,7	11 499,0	11 089,9	11 0043	12 070,	4/ 343 0	14 526 7	14 741	1 14 957	1 15 174,7
13.	14 5 4U 4 N	175 674 5	17 7 0 30 0	I I O CASCLEO	I IU AUU.	110000	1	1 /	1	
15.	17 671,5	17 907,9	18 145,8	18 385,4	18 626,	18 869,2	21 642	21 904	0 22 167	1 22 431,8
17.	22 090,0	22 903,0	23 233,2	25 300,2	24 500	26 880	27 171 6	1 27 464	6 27 759.	1 28 055,2
18.	108 357 0	17H AL/ 1	I / K US / U	1/4/33-	1147 3370	F F O 140	100	,		
20	31 415,9	31 730,9	32 047,4	32 365,5	32 685,	1 36 305	36 643,	5 36 983,	6 37 325,	5 34 307,0 3 37 668,5 1 41 187,1
22.	38 013,3	38 359,0	38 /0/,0	39 037,	139 400,	2 /2 373	6 13 743	5 44 115	0 44 488.	1 44 862 7
24.	172 238	1145 010 /	145 990-1	140 3//4	JI 40 / J7 .	7 1 41 1 426.	0 11 0 0 0 0 0 0			
25.	49 087,4	49 480,9	49 875,9	50 2724	5 50 670,	7 51 070,	5 51 471, 6 55 571,	6 55 990	2 56 410	2 52 685,3 4 56 832,2 7 61 136,2
27.	57 255	57 680,4	58 100,	38 534,	9 50 904,	4 63 704	0 64 242	4 64 692	5 65 144	1 65 597.2
28.	66 052,	0 66 508	66 966	67 425	6 67 886	7 68 349,	3 68 813	4 69 279	,2 69 746	5 70 215,4
Exe	mple:	Surfoce	d'un c	ercle c	e	Exemple	e: Diam	ètre d'	un cere	cle de
		diamètr	e 28 m	m				ce 531	um euvii I mm '	ron
		lire:0	15,75 m		56 61					
			SI	JRFAC	L	RCULA		10	CECN	TAIT
1	CERCL	E	2 cc	NURONNE		3) SEC	TEUR	(4)	SEGMI	ENI
	MIIII	X	6	TIME			1			
1	(//////////////////////////////////////		1 01	Y			^	-	1	
		///		A	1	1			a d	=
			1				or or		0	
	D		-	D			D .		D	
					-				^	^
4.					2		C 01	S	=	
İ	S = 17	D.	S=	TT (D1-	<u>q</u> ,	. S =	17 D° × 4 × 360	5	- TD'	$\frac{\times}{50} - \frac{Ch}{2}$
	4		1	7			.,,,		4×36	50 2
		0	E	D = 40r		Fx: D	= 25 mn	n E	x: D=	40mm
Ex	: D = 5	Umm	EX:	d = 30r			= 100°			: 90°
5	= 1963,5	Ornm²	S	= 549,5		S =	136,28 п	nm²	S = 11	14,16mm
-	1 00 5	rfaces				o sont	donnée	s sur !	Doc 37	et 38
	LES 50									

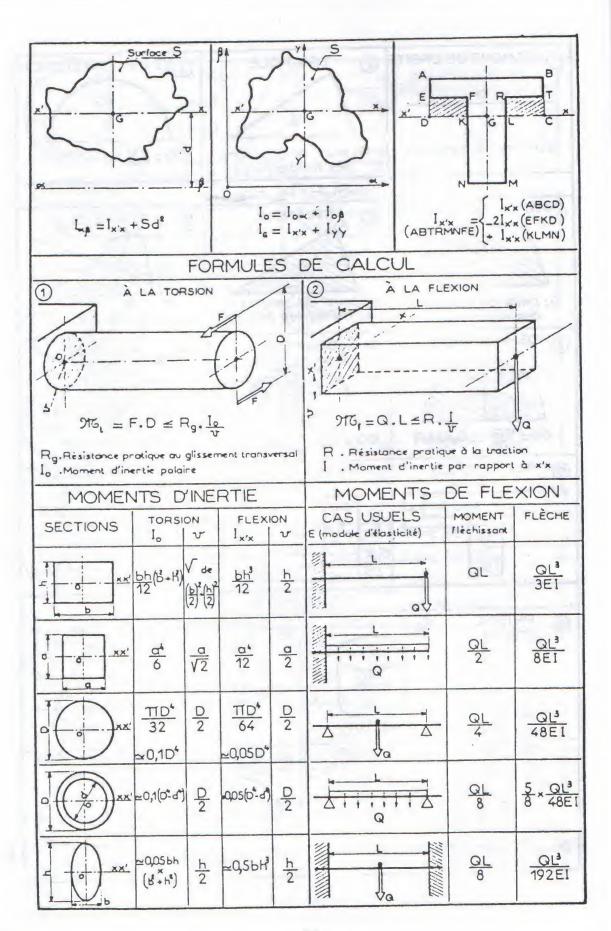












Ø + a +				ø + a +			
567890123456789012345678901234567890	0,154 0,222 0,302 0,395 0,617 0,746 0,888 1,21 1,58 1,78 2,23 2,47 2,72 2,72 2,72 2,78 3,55 3,85 4,50 3,85 5,93 6,71 7,59 8,98 9,87	0,196 0,283 0,385 0,502 0,636 0,785 0,950 1,133 1,54 1,77 2,54 2,83 3,46 3,46 3,46 3,46 3,46 3,46 3,46 5,75 6,60 7,54 8,55 9,62 10,8 11,9 12,6	0,170 0,245 0,333 0,435 0,680 0,823 0,979 1,31 1,53 1,96 2,45 2,72 3,60 2,45 2,72 3,60 4,96 5,72 6,53 6,53 6,53 6,53 6,53 6,53 6,53 6,53	2468024680505050505050505050500000000000000000	10,9 11,9 13,0 14,2 15,4 16,7 18,0 19,3 20,2 26,0 30,7 22,0 30,7 39,5 44,5 61,7 68,6 81,8 96,3 104 112 130 139 158 178 2023 247 272 298 326	13,8 15,2 16,6 18,1 19,6 21,2 24,6 28,3 33,5 44,2 56,7 63,6 78,5 95,0 1013 123 143 155 170 127 227 283 3143 157 165 170 170 170 170 170 170 170 170 170 170	POIDS DES TÔLES D'ACIER 1m² de lôle de 1mm pèse 7,85kg
LIRE		MENT LE	POIDS R (δ=7,85)	QUEL	QUES VA	LEURS	DE K
POUP	R LES A	UTRES M	ATÉRIAUX	Acier	1	Etain	0,93
		A VALEUR u matéria	LUE PAR	Alumin	,	Plomb	1,45
	densité d	de l'ocier		Cuivre	1,13	Zinc	0,92

	NOMS	SYMBOLE CHIMIQUE OU COMPOSITION	(1) DENSITÉ	TEMPERATURE DE FUSION	TEMPERATURE	& CHALEUR SPECIFIQUE	COEFFICIENT DE DILATATION THERMIQUE		300
OIDES	Aluminium Antimolne Argent Chrome Cobalt Cuivre Etain Fer Mercure Nickel Or Platine Plomb Vanadium Zinc Acler Fonte grise Bronze Bronze Bronze Bronze Bronze Bronze Bronze Acler Fonte grise Bronze Bronze Bronze Acler Fonte grise Bronze Acler Fonte grise Bronze B	C2H6C NH3 C6 H6 H2 O	8,80 8,90 7,30 7,85 13,60 8,90 19,25 21,48 11,37 5,60 7,19 7,85 7,2 7,5_8,5 2,7,5 7,3_8,4 0,97 9,80 3,18 2,49 0,07 4,95 1,11 1,83 2,07 2,27 1,19 1,27 0,79 0,59 0,90 0,73 1,55	1 060 940 210 271 - 7 - 102 - 259 184 - 218 44 112	-196° 63° -34° -253° -183 287 445 -100 78 -33 5° 100 35 6° -76	Chaleur nécessaire pour élever de l'Cla rempérature de 1kg de	000024 000024 000024 000024 000029 000024 000029 0000029 000029 000029 000029 000029 000029 000029 000029 000029 0000029 000029 000029 000029 000029 000029 000029 000029 000029 0000029 000029 000029 000029 000029 000029 000029 000029 000029 0000029 000029 000029 000029 000029 000029 000029 000029 000029 0000029 0000	Rapport entre les soub£_LiaulD£ masses spécifiques du corps et de l'étalon	Nota: Les valeurs Indiquées colonnes (1) et (2) s'entendent a u usous pression atmosphérique de 760 mm de mercure. * Corps gazeux à 0°C
MELANGES	* Méthane * Air Caoutchouc Essence Graisse Houille Huile de lin Pétrole	CH4 O,N	0,59 0,98 0,73 0,99 1,2-1,	3 12 2 4 3 5 5	O° 383	Baké Nylor Pollo Plexi	M NOM (Phéna Polya Urée-glass Polya	formol acrylates cétate vinyle	COMP. CHO. CHO. CHO. CHO. Si.CHO.

BIBLIOGRAPHIE

- 1. Horts Blumenauer, werskstoffprufung, edition VEB deutscher verlag fur Grundstoffindustrie Leipzig 1976.
- 2. G.Doubenski, A.Ptrenko, Résistance des matériaux, université d'Annaba, 1977.

- Achevé d'imprimer sur les presses de -

l'Office des Publications Universitaires

1, Place Centrale - Ben-Aknoun - ALGER